物聯網裝置 (IoT)

問題敘述

美美正在使用一樣特殊的物聯網裝置 (Internet of Things) 來進行實驗。該裝置會定時送出一個位元訊號給主控系統來代表裝置的安定性,其中 1 代表裝置正常運作,0 代表裝置現在處於不安定的狀態。如果裝置一直處於不安定的狀態可能會造成資料處理的錯誤,因此美美將主控系統設定為連續收到四個 0的訊號後就會將裝置緊急關機。

美美發現系統從上一次開機以來一共收到了 N 個位元的訊號且尚未關機,例如 N=5 時,01100、10011、10101、11111 等都是相異的可能收到的訊號內容;但不可能收到 10000 這樣的訊號,因為在收到最後一個 0 以後系統就會關機。

她想知道這 N 個位元的訊號內容一共有多少種可能性。由於答案的數字可能很大,請輸出可能性數量除以 (10^9+7) 的餘數。

輸入格式

輸入為一個整數 $N(1 \le N \le 2^{60})$,代表系統一共收到了幾個位元的訊號。

輸出格式

請輸出一個整數,代表收到訊息內容的可能性數量除以 (109+7) 的餘數。

輸入範例 1	輸出範例 1
2	4
輸入範例 2	輸出範例 2
5	29
輸入範例 3	輸出範例 3
106	644528034
輸入範例 4	輸出範例 4
21474836	352283007

評分說明

此題目測資分成多組,每組測資有多筆測試資料,需答對該組所有測試資料才能獲得該組分數,各組詳細限制如下。

第一組(10分): *N*≤20。

第二組 $(30 分): N < 2^{20}$ 。

第三組(60分):限制如輸入格式。